

## APLICAȚIA Nr. 1 / I

Se se găsească reprezentarea în formatul simplu, a următoarelor date numerice:

$$x = 1E38; \quad x = 4E38;$$

$$x = 5E - 38; \quad x = 1E - 41; \quad x = 1E - 45;$$

Se vor preciza:

1) Următorii parametri ai reprezentării:

- Semn, Câmp exponent, Câmp semnificand;
- Exponent stocat, exponent.

2) Tipul de dată reală.

## APLICAȚIA Nr. 2 / I

Se consideră formatul simplu (Binary32).

Setați biții din câmpurile formatului, astfel ca să se găsească reprezentarea în format și valoarea, pentru:

- Numărul maxim reprezentabil în format,  $X_{\max}$ . Care este numărul cel mai apropiat și mai mare ( $X_{\max}^+$ ) ?; explicați.
- Numărul *normal* minim, reprezentabil în format,  $X_{\min}$ . Care este numărul cel mai apropiat și mai mic ( $X_{\min}^-$ ) ?; explicați.
- Numărul *denormalizat* minim, reprezentabil în format,  $X_{den,\min}$ . Care este numărul cel mai apropiat și mai mic ( $X_{\min}^-$ ) ?; explicați.

Notă: Se va folosi programul ”Reprezentarea în Virgulă Flotantă”.

### APLICAȚIA Nr. 3 / I

Se consideră formatul simplu (Binary32).

Pentru numărul  $x = 2048E0$ , găsiți:

- Reprezentarea lui  $x$  în format:  $X$ ;
- Numerele FP cele mai apropiate de  $X$ , la stânga și la dreapta:  $X^-$  și  $X^+$ ;
- $ulp(X)$  și  $ulp(X^-)$ . Se constată că  $ulp(X) = 2ulp(X^-)$ . Explicați de ce.

### APLICAȚIA Nr. 4 / I

Calculați valorile următoarelor funcții, pentru valorile  $x = 10^i$ ,  $i = 1, 2, \dots, 7$ .

$$f(x) = \frac{x}{10} (\sqrt{x+100} - \sqrt{x}) \quad - \text{în simplă precizie;}$$

$$f2(x) = \frac{x}{10} (\sqrt{x+100} - \sqrt{x}) \quad - \text{în precizia maximă disponibilă;}$$

$$g(x) = \frac{10x}{\sqrt{x+100} + \sqrt{x}} \quad - \text{în simplă precizie,}$$

- Tabelați valorile calculate astfel:  $f2(x)$  cu 8 cifre semnificative corecte:  
 $f(x)$  și  $g(x)$ , cu 7 cifre semnificative. Explicați rezultatele.
- Stabiliți numărul de cifre semnificative corecte ale valorii  $f(x)$  pentru  $x = 10^4$ , considerând valorile  $f2(x)$  ca valori exacte.

### APLICAȚIA Nr. 5 / I

Considerați ecuația  $f(x) = 0$ , unde

$$f(x) = 1.6 + 0.99 \cos(x) - x$$

Fie  $x_0$  o aproximație a rădăcinii. Găsiți rădăcina cu toleranța  $XTOL = 10^{-6}$ , prin:

- 1) Metoda Secantei: cu aproximațiile  $x_0 \pm h$ , unde  $0 < h \leq x_0/10$ .
- 2) Metoda Newton: aproximație  $x_0$ .

Comparați numărul de iterații.

### APLICAȚIA Nr. 6 / I

Se dă ecuația:

$$tg(x) = \frac{1.78 - x}{x + 0.2}$$

Găsiți rădăcina în apropierea lui  $x_0 = 2.5$ , cu toleranța minimă, prin:

- 1) Metoda NEWTON;
- 2) Metoda SECANTEI.

Comparați numărul de iterații în cele două metode.

## APLICAȚIA Nr. 7 / I

Se dă funcția

$$f(x) = x + e^{-px^2} \cos(x),$$

unde  $p$  este un parametru.

Ecuția  $f(x) = 0$  are o rădăcină unică în intervalul  $(-1, 0)$ .

- 1) Găsiți rădăcina pentru valorile  $p = 1; 25$ , cu toleranța  $EPS = 10^{-6}$
- 2) Aplicați metoda Newton cazul  $p = 25$ , cu  $EPS = 10^{-6}$  și  $x_0 = 0$ . Comentați rezultatul.

## APLICAȚIA Nr. 8 / I

Din ecuația:

$$\frac{1}{\sqrt{f}} = \frac{1}{k} \ln(R\sqrt{f}) + 14 - \frac{5.6}{k};$$

Determinați  $f$  pentru valorile:  $k = 0.28$  și  $R = 3750$ .

Utilizați o metoda aleasă după voie, și toleranța minimă.

( $f$  = coeficientul de frecare pentru curgerea unei suspensii;  $R$  = numărul Reynolds;

$k$  = o constantă care depinde de concentrația suspensiei: relația empirică Lee &

Duffy, 1976.)

### APLICAȚIA Nr. 9 / I

Se dă ecuația:

$$(1 + \sin A - 0.5 \cos A) = \frac{c}{(\cos A)^2}$$

Găsiți  $A$ , cu toleranța minimă, pentru valorile  $c = 0.75$  și  $c = 1$ .

### APLICAȚIA Nr. 10 / I

Se dă ecuația

$$e^{-t/2} \cosh^{-1}(e^{t/2}) = \sqrt{0.5L_{cr}}$$

Pentru valoarea  $L_{cr} = 0.088$ , determinați  $t$ , cu toleranța de  $10^{-5}$ :

Utilizați două metode numerice alese după voie.

( $t$  este temperatura în interiorul unui material cu surse de căldură incorporate, cf.

Frank-Kamenetski, 1955).

### APLICAȚIA Nr. 11 / I

Se dă polinomul LEGENDRE de ordinul 6:

$$P_6(x) = \frac{1}{16}(231x^6 - 315x^4 + 105x^2 - 5)$$

- 1) Găsiți aproximații inițiale ale rădăcinilor (algebric, grafic, etc.)
- 2) Calculați rădăcinile, cu toleranța  $10^{-6}$ .

*Notă:* Toate rădăcinile sunt de modul  $< 1$ .

### APLICAȚIA Nr. 12 / I

Polinomul

$$p(x) = x^5 - 15x^4 + 85x^3 - 225x^2 + 274x - 120$$

este dezvoltarea lui  $(x-1)(x-2)\dots(x-5)$ .

Fie  $\tilde{p}(x)$  polinomul obținut din  $p(x)$  înlocuind coeficientul  $a_4 = -15$  a lui  $x^4$ ,

cu  $\tilde{a}_4 = -15.003$ .

- Calculați rădăcinile lui  $\tilde{p}(x)$ .
- Calculați modulul raportului:  $\frac{\text{perturbația relativă a rădăcinii } x_5}{\text{perturbația relativă a coeficientului } a_4}$

Comentați rezultatul.

(Dacă  $a$  perturbat devine  $\tilde{a}$ , perturbația relativă este:  $(\tilde{a} - a) / a$ .)

### APLICAȚIA Nr. 13 / I

Se consideră sistemul:

$$\begin{cases} xy - z^2 = 2 \\ -xyz - x^2 + y^2 = 4 \\ e^x - e^y - z = 7 \end{cases}$$

Rezolvați prin metoda NEWTON, cu toleranța  $EPS = 10^{-6}$

- 1) Cu aproximația inițială  $w_0 = (1, 1, 1)$
- 2) Cu aproximația inițială  $w_0 = (2, 2, -1)$

Comparați numărul de iterații și explicați.

### APLICAȚIA Nr. 14 / I

Se consideră sistemul:

$$\begin{cases} x - y + \sqrt{x + y} = 1 \\ x + y - e^{x-y} = 3 \end{cases}$$

- 1) Găsiți o aproximație inițială  $(x_0, y_0)$ .
- 2) Rezolvați prin metoda Newton:
  - Cu derivatele parțiale calculate analitic;
  - Cu derivatele parțiale calculate numeric (Newton\_Sys-Numeric).

Luați toleranța  $EPS = 10^{-6}$ .

### APLICAȚIA Nr. 15 / I

Se consideră sistemul:

$$\begin{cases} x^2 + x - y^2 = 1 \\ y - \sin(x)^2 = 0 \end{cases}$$

Găsiți două aproximații inițiale  $(x_0^{(i)}, y_0^{(i)})$ ,  $i = 1, 2$ .

Rezolvați, cu toleranța  $EPS = 10^{-6}$ , prin metoda NEWTON:

- 1) Cu derivatele parțiale calculate analitic;
- 2) Cu derivatele parțiale calculate numeric (Newton\_Sys-Numeric).

### APLICAȚIA Nr. 16 / I

Se consideră sistemul:

$$\begin{cases} x^3 + 3y^2 = 21 \\ x^2 + 2y = -2 \end{cases}$$

Rezolvați prin metoda NEWTON, cu toleranța  $EPS = 10^{-6}$ .

Găsiți aproximațiile inițiale  $x_0, y_0$  din intersecția graficelor celor două curbe.



### APLICAȚIA Nr. 17 / I

Se consideră sistemul:

$$\begin{cases} f_1(x, y) = x^2 + 4y^2 - 9 = 0 \\ f_2(x, y) = -14x^2 + 18y + 45 = 0 \end{cases}$$

Rezolvați prin metoda NEWTON, cu toleranța  $EPS = 10^{-6}$ .

Determinați aproximațiile inițiale din intersecția graficelor curbelor  $f_1(x, y) = 0$  și

$$f_2(x, y) = 0.$$

### APLICAȚIA Nr. 18 / I

Se consideră sistemul:

$$\begin{cases} x^2 + y^2 + z^2 = 6.4 \\ xyz = -2.2 \\ x + y - z^2 = 2.4 \end{cases}$$

- Găsiți o aproximație inițială  $w_0 = (x_0, y_0, z_0)$ , pentru  $z_0 \approx -1$ ;
- Găsiți soluția în vecinătatea lui  $w_0$ , prin metoda NEWTON, cu jacobianul exact (analitic); luați toleranța  $EPS = 10^{-6}$ .

### APLICAȚIA Nr. 19 / I

Se dă sistemul liniar cu matricea:

$$A = \begin{bmatrix} 3.01 & 6.03 & 1.99 \\ 1.27 & 4.16 & -1.23 \\ .987 & -4.81 & 9.34 \end{bmatrix}$$

- 1) Calculați soluția pentru termenul liber  $[1 \ 1 \ 1]^T$ .
- 2) Repetați punctul 1 cu matricea  $A'$  obținută prin înlocuirile:  $3.01 \rightarrow 3.00$  (element (1, 1)) și  $.987 \rightarrow .990$  (element (3, 1)). Comparați rezultatele și comentați.

### APLICAȚIA Nr. 20 / I

Se dă matricea:

$$A = \begin{bmatrix} 3.01 & 6.03 & 1.99 \\ 1.27 & 4.16 & -1.23 \\ .987 & -4.81 & 9.34 \end{bmatrix}$$

- 1) Calculați matricea inversă  $A^{-1}$ ;
- 2) Verificați că  $A * A^{-1} = I$  (unde  $I$  este matricea unitate)

### APLICAȚIA Nr. 21 / I

Se dă matricea

$$A = \begin{bmatrix} 0.2 & 0.3 & 0.4 & 0.501 \\ 0.3 & 0.4 & 0.5 & 0.6 \\ 0.4 & 0.5 & 0.6 & 0.7 \\ 0.501 & 0.6 & 0.7 & 0.8 \end{bmatrix}$$

- 1) Calculați matricea inversă  $A^{-1}$
- 2) Verificați că  $A * A^{-1} = I$  (unde  $I$  este matricea unitate)

### APLICAȚIA Nr. 22 / I

Se dă matricea HILBERT de ordinul 5:

$$H_5 = \begin{bmatrix} 1 & 1/2 & 1/3 & 1/4 & 1/5 \\ 1/2 & 1/3 & 1/4 & 1/5 & 1/6 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ 1/5 & 1/6 & 1/7 & 1/8 & 1/9 \end{bmatrix};$$

- 1) Rezolvați sistemul liniar  $H_5 x = b$ , pentru:

$$b = [1.0 \quad 0.6 \quad 0.4 \quad 0.3 \quad 0.3]^T, \text{ și } \tilde{b} = [1.02 \quad 0.6 \quad 0.4 \quad 0.3 \quad 0.3]^T.$$

- 2) Stabiliți raportul între: perturbația relativă maximă (în modul) în soluție / perturbația relativă în termenul liber  $b_1$ . Comentați rezultatul

### APLICAȚIA Nr. 23 / I

Se dă matricea:

$$A = \begin{bmatrix} 16 & 4 & 8 \\ 4 & 5 & -4 \\ 8 & -4 & 22 \end{bmatrix}$$

- 3) Calculați matricea inversă  $A^{-1}$
- 4) Verificați că  $A * A^{-1} = I$  (unde  $I$  este matricea unitate)

### APLICAȚIA Nr. 24 / I

Se dă sistemul liniar  $Ax = b$ , unde:

$$A = \begin{bmatrix} 16 & 4 & 8 \\ 4 & 5 & -4 \\ 8 & -4 & 9 \end{bmatrix}, \quad b = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 28 \\ 1 & 1 & 5 \\ 1 & -1 & 26 \end{bmatrix}$$

- 1) Încercați să rezolvați sistemul prin metoda CHOLESKY. Nu este posibil. De ce?
- 2) Rezolvați sistemul prin altă metodă.
- 3) Calculați și determinantul matricii  $A$ .